自説を作る2(ベナール対流)

図 1 はベナール対流を模式的に表したものです。表面温度 t、底面温度 t+ extstyle t、深さ a、流速 v、表面にできた模様の半径 b とします。液体が底面と接しているところでは液体分子が底面分子から分子間力を受けて動きが制限されます。この力をバネ(バネ定数 k)によりモデル化したものが図 2 です。

バネの伸びを △xとするとバネによる位置エネルギーは、

$$u = \frac{1}{2} k (\triangle x)^2$$

$$\propto \frac{1}{2} k v^2$$
 伸び $\triangle x$ は流速 v に比例する(仮定 1)

$$\propto \frac{1}{2} k \left(\frac{\Delta t}{a} \right)^2$$
 流速 v は温度勾配に比例する(仮定 2)

半径 b の底面全体のエネルギーは、

$$U \ \, \propto \ \, \frac{1}{2} \, \, k \, \left(\, \frac{ \, \angle \, t \,}{a} \, \, \right)^{\, 2} \, \, \pi \, \, \overset{2}{b} \, \,$$

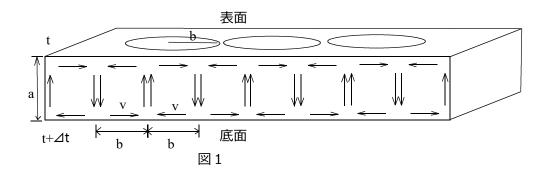
$$\propto \left(\frac{b}{a} \angle t\right)^2$$

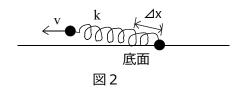
セル当たりのエネルギーが一定(仮定3)とすると、

$$\frac{b}{a} \triangle t = -\vec{E}$$
 ①

①式より、 \triangle t が一定の条件では、深さaを大きくすると半径b も大きくなり、深さaが一定の条件では、温度差 \triangle t を大きくすると半径b は小さくなることが予想されます。 得られた式の正否は条件を様々に変えて実験をしてみればわかるであろうし、そもそも

いくつかの仮定をしたので、まずその仮定が正しいものか否か、確かめなければならないと思います。無秩序な状態から規則的な模様が突然現れるような現象は大変難解なものを含んでいます。たとえ間違った考えになってしまったとしても恥じることもないし非難されるべきことでもありません。問題点を改めた新しい説を作り出せばよいだけのことです、どなたか更に進んだモデルを考えてみませんか。







ホットプレートの温度:60 \mathbb{C} 、シリコーン湯の深さ:3 mm、気温:26 \mathbb{C} ガラス製シャーレとアルミ紛使用 動画はこちら